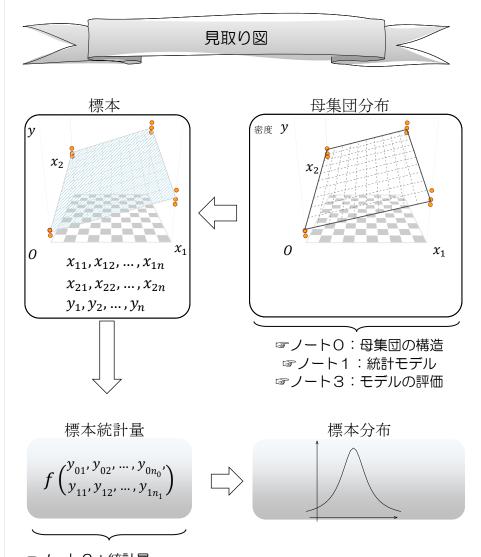
### 線形混合効果モデル

#### 学習の目標

- ロ グループ化された(階層性を持つ)データの具体例が挙げられる。
- □ 階層性を持つデータには「個々の観測値が独立ではない」 という性質があり、通常の回帰分析の使用が不適切である ことが分かる。
- □ 対応のない要因とある要因の違いが分かり、対応のある t 検定/分散分析を理解、実施できる。
- □ 一般混合効果モデルの例として、(i) ランダム切片モデル、(ii) ランダム係数モデル、(iii) 交差分類モデルが位置づけられることが分かる。
- □ 線形混合効果モデルの点推定に**最尤推定法**、または、**制約** 付き最尤推定法が用いられることが分かる。
- □ 線形混合効果モデルでは、**級内相関係数**によって投入した レベル2の貢献度が評価できるということが分かる。
- □ モデルの適切さを評価するため、重回帰同様、情報量基準 やクロスバリデーションに基づくモデル比較(選択)を行 うことが分かる。
- □ 残差を分析することで、想定したグループ内の独自性を吟味することができることが分かる。



☞ノート2:統計量

### データの形式

ID	固定効果 1	固定効果 2	•••	変量効果 p	応答変数
1	1	0		1	2.1
2	0	1	•••	2	3.2
:	:	:	:	:	:
:	:	:	:	:	:
n	1	0	•••	48	1.5

#### (1)目的(リサーチクエスチョン)

グループ化された(階層性を持つ)データに対し、被験者やアイテムといった変量効果を適切にモデルに組み込み、固定効果が従属変数にどのくらいの効果量を持つか調べる手法。

#### (2) 考え方

言語実験を行う際には、研究の主眼となる独立変数のほかに、その実験を受けてくれた被験者(実験協力者)が誰だったのか、あるいは、提示した刺激文(アイテム)がいったい何だったのか、という要因によって従属変数の値が変化してしまうことが予想される。このような、その分析のためだけにたまたま集められた人や、たまたま使用したアイテムの影響をきちんと統計モデルに取り込んで分析を行うために用いられるのが、今回習う線形混合効果モデルである。

とりわけ、あまた存在する様々な線形混合効果モデルの中で、実験言語学で最もスタンダードな「交差分類モデル」について理解を深めることが今回の目的である。

#### (3) 具体的なデータの例

ID	Item	R1	R2	R3	R4	独立変数1	独立変数 2	実験協力者	従属変数
1	1	Since yesterday	I have been <b>walking</b>	with	my friends.	0	0	山田	
2	1	Yesterday	I have been <b>walking</b>	with	my friends.	1	0	山田	
3	1	Since yesterday	walked	with	my friends.	0	1	山田	
4	1	Yesterday	walked	with	my friends.	1	1	山田	
5	2	Since yesterday	I have been <b>cooking</b>	with	my friends.	0	0	山田	
6	2	Yesterday	I have been <b>cooking</b>	with	my friends.	1	0	山田	
7	2	Since yesterday	cooked	with	my friends.	0	1	山田	
8	2	Yesterday	cooked	with	my friends.	1	1	山田	
:									
93	2/	Since yesterday	I have been <b>swimming</b>	with	my friends.	0	0	山田	
94		Yesterday	I have been <b>swimming</b>		my friends.	1	0	山田	
95		Since yesterday	swam		my friends.	0	1	山田	
96		Yesterday	swam		my friends.	1	1	山田	
		resterday		WILII	my menus.	1	1		
	Filler 1		I am exicted.					山田	
98	Filler 2		I am surprised.					山田	
١.									
:									
288	Filler 196		I am satisfied.					山田	

#### □ ノート0 母集団:データの構造

### (1) グループ化されたデータ

① 反復測定データ(Repeated measures data) これは、同一の測定単位に対して、複数のデータを採取 したデータ。

	個人 1	個人 2	個人 j
観測値		• • •	

② 経時観察データ(Longitudinal data)これは、反復測定データのうち、経時的に順序を変更で

これは、反復測定データのうち、経時的に順序を変更できないもののこと。

	個人 1	個人 2	•••	個人 <i>j</i>
観測値				

③ 階層データ (Multilevel data) これは、測定単位に複数の階層 (レベル) が存在しているデータ。

	学校 1		•••	学	校 <i>j</i>
	A組	B組 C約	Ī.	1組	2組
観測値	• • • • • • • • • • • • • • • • • • •	•••	*	• • • • • • • • • • • • • • • • • • •	• • • •

### (2) グループ化されたデータの統計的特徴

個々のデータが互いに独立ではない!

7

七梅定やお散分析は、「等分散性」や「正規性」には、調建せったけど、この「独立性」の違反には脆弱。

→ 独立していないがしつ。データに 対応できるモデルを作りたい。

## (P)得習:独立性の仮定

このは、標本抽出の

あり方に関する仮定。

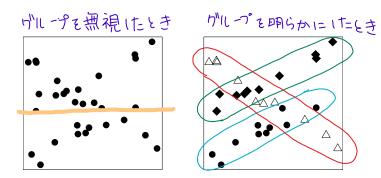


/番目のデータが観測すりたりがある番目のデータが、どのくらいかいね、21まう。

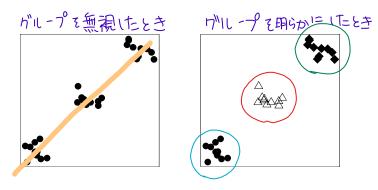
#### (3) 普通の回帰分析を行うことの問題

データの階層性を考慮せず、すべてのデータが独立である と仮定すると歪んだ解釈をしてしまう場合がある。

(ケース1) 本当は強い関係があるのに見つけられない!



(ケース2) 本当は関係がないのにあると思ってしまう!



### (4) マルチレベルモデル Multilevel model

これは、確率変数が、誤差項のほかにもう一つ存在するモデルのこと。階層モデル Hierarchical model とも呼ばれる。

- → ① マルチレベル回帰(階層線形モデル/一般混合効果モデル) 回帰分析に複数のレベルを組み込んだモデル。 (別名: 線・砂・混合効果モデル)
  - ② マルチレベル相関分析 集団・個人レベルでの相関を見る。他のマルチレベル分 析の予備解析で使われる。
  - ③ マルチレベル構造方程式モデリング 潜在変数を取り入れたマルチレベルモデルのこと。

### □ 増補1:対応のあり・なし

#### 対応のあり・なし

- ① 対応のない要因: 異なるグループに含まれる従属変数の値が互いに独立となるような要因のこと。
- ② 対応のある要因: 異なるグループに含まれる従属変数の値に相関がある要因のこと。



(例1) 日本人とアメリカ人のテストの点数 : 対応なし

(例2)授業前と授業後のテストの点数 : 対応みり

### (2) 固定効果要因と変量効果要因

- ① 固定効果要因 Fixed-effects factor 推定されるパラメータが定数であるもの。ニン いまざ 授業ごおり、2またパラメータたち
- ② 変量効果要因 Random-effects factor 推定されるパラメータが確率的挙動を示すもの。 国定効果

$$y_{ij} = \mu + \alpha_i$$
  $\mathcal{S}$ 

$$\sum_{i}^{I} \alpha_i = 0,$$

※ マルチレベルモデルでは、変量効果をギリシャ文字 で表す慣習がある。

> イルイン記号「ヘ」の左側にくる 文字は、母集用のモデルンも、 ローマ字で書くことにはつ

誤差項

 $e_{ii} \sim N(0, \sigma_e^2)$ 

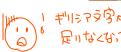
### P対応めり

こいは、「個人」かり
り、しープ化か、存在し、
こつ(以上)のカラコッリーに
関連性が、出ている。
ということ。

(= 的出生的满土土的的

### P記法・ギリシアタ字

(順習、) 母集用のパラナータを表す

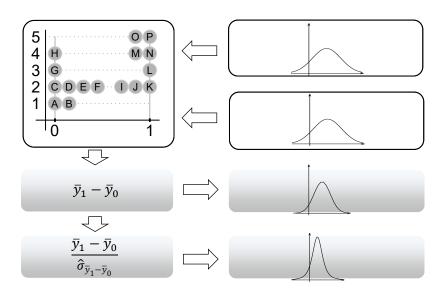


(慣習2) 齊量効果はロー2字に

有量対果自体は 推定対象にならない ので、混乱もない。

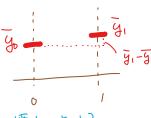
### □ 増補2:対応のあるt検定

### (1) 対応のない t 検定(復習)



### P記法

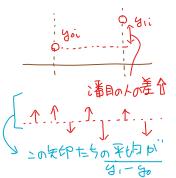
# (1) \( \overline{4}1 - \overline{4}0 \)



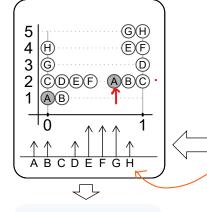
標本における

- 1111-70の観測値の
- 平均が go - がルーク1 a 観測値の 平均が gi

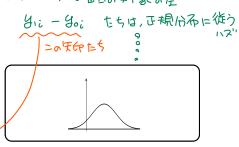
### (2) 41-40

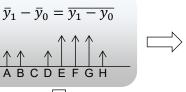


### (2) 対応のある t 検定

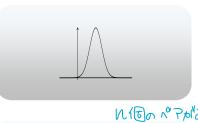


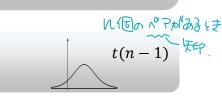
「HO: =>のがループに差はなん」の下では、i番目の対象の差











自由度n-1のt分布

### 🚇 ノート1 母集団:統計モデル1(線形混合効果モデル)

どのパラメータにグループの効果を認めるのかで様々なモデル を作ることができる。ここでは、その基礎となるモデルを学ぶ。

モデル式が複雑になって、なんだか、わかん なくなっちゃう!

こういう感覚に陥ったらまず深呼吸!レベル1とレベル 2…と 階層に分けて分析してみよう。レベル2はグループレベルで成 り立つ関係、レベル1はグループ内の個体で成り立つ関係だよ。

(1) ランダム切片モデル Random-intercept models これは、レベル1の切片が、グループによってランダムに 変化するという構造が表されたモデル。

#### 例1 ランダム切片モデル

(要因 A) どの動詞を用いているか

supported him ]?

孪量

[1] a. Which author did you think

b. Which author did you say [ supported him ]?

j. Which author did you predict [\_\_ supported him ]?

レベル1

 $y_{ij} = (\beta_{0i}) + e_{ij}$  $e_{ii} \sim N(0, \sigma^2)$ 

「各かループの切片のショの位置から さらに,ランダムに. 「その観測データの独自の多か果」かり

レベル2

 $u_{0j} \sim N(0, \tau_{00}^2)$ 

 $(\beta_{0j}) = \gamma_{00} + u_{0j} / 「全体料り <math>\gamma_{00}$ 」 めらうとがなに 「各がループの効果いの」がかかり、 「そのりしー子のもかちょう」がシスまる。

Group Level

Population Level

例 2 平均に関する回帰モデル Means-as-outcomes-model 変量

(要因 A) どの動詞を用いているか

固定

(要因B) その動詞は意図性を持つか否か

[1] a. Which author did you think [ supported him ]?

[ supported him ]? b. Which author did you say

j. Which author did you predict [ supported him ]?

レベル1

 $y_{ij} = \beta_{0j} + e_{ij}$  $e_{ii} \sim N(0, \sigma^2)$ 

レベル2

(tpH) (傾)  $\beta_{0j} = \gamma_{00} + \gamma_{01} w_j + u_{0j}$ 

 $u_{0i} \sim N(0, \tau_{00}^2)$ 

## Pギリシマママ: で

ロー2字の七に対応記 判りでする。 順番では、Sに対応する の(きかっ)のけに21つくる 判にですなかったの 様 標準偏差で表uす 这ない2使かいる.

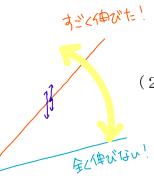
すは,かんつう (動詞) 活す 1, 12 名がしつ の中21 何翻かる 表ut.

D記法:添建加-ル

Boj = 100 + 101 Wit 401

(1)グループごとに裏いればよ (2) しがいしにかいる切片ならの

(3) レベルタにおいるなない。



### (2) ランダム係数モデル Random-coefficient models

これは、レベル1の切片が、グループによってランダムに 変化するという構造が表されたモデル。

### 例1 ランダム係数モデル

(要因 A) 学年

固定

(要因B)回答している人

変量

レベル1 
$$y_{ij} = \beta_0 + \beta_{1j} x_{1ij} + e_{ij}$$
  
 $e_{ij} \sim N(0, \sigma^2)$ 

$$\begin{array}{cccc} & & & & & \\ & & & \\ & & & \\ & u_{1j} \sim N(0, \tau_{11}^2) & & \end{array}$$

P記法:ての下の添建

中

Too: Woja 份散

どの弱効果と どの電効果の共分散がで 表め12いる.

T 10 : Uj & Uojoo 共份散

例 2 係数に関する回帰モデル Means-as-outcomes-model

(要因 A) 学年

固定

(要因B)回答している人

変量

レベル1 
$$y_{ij} = \beta_{0j} + \beta_{1j} x_{1ij} + e_{ij}$$

$$e_{ij} \sim N(0, \sigma^2)$$

$$\beta_{0j} = \gamma_{00} + \gamma_{01}w_j + u_{0j}$$

$$\beta_{1j} = \gamma_{10} + \gamma_{11}w_j + u_{1j}$$

$$u_{0j} \sim N(0, \tau_{00}^2)$$

$$u_{1j} \sim N(0, \tau_{11}^2)$$

$$Cov(u_{0j}, u_{1j}) = \tau_{01}^2$$

P記法: 研供做

(個智) 単純なケース

Ogy

(順習2) 複雑は4-2

Jug Wij

= COV (Uoj ,Uij)

同樣の理由21、/6散は

var (uoj)

(例) 観察研究: 生徒 ← 学校 > クラス/担任

学校 1

学校 2

学校j

クラス/担任1 ◎ ◎ ◎

クラス/担任2 ⊙ ⊙

クラス/担任3 **O O** 

クラス/担任4 クラス/担任5



00







クラス/担任 k-2

クラス/担任 k-1 クラス/担任 k



**O O**  $\odot$   $\odot$   $\odot$ 

### ※ 独立変数のセンタリング Centering

### ① センタリングなし

これは、観測されたxの値をそのままモデルに投入するというもの。 とまとも単位にかけるでいる(の)に

维を設けるいりこと!

$$y_{ij} = \beta_{0j} + \beta_{1j} x_{ij} + e_{ij}$$

(例) 英語の成績:「年齢」にはほと、の前から、 般の差が生まれたるかのようになる、

解釈ができないのであれば、レベル 2 の構造を想定することにもあまり意味がない。

② 群平均センタリング Group-mean centering これは、レベル 1 の変数xに対し、レベル 2 の単位ごとの平均 $\bar{x}_i$ を引いてから、モデルに投入すること。

$$y_{ij} = \beta_{0j} + \beta_{1j} (x_{ij} - \bar{x}_j) + e_{ij}$$

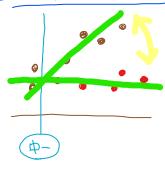
【解釈】 $\beta_{0j}$ は、変数xの値が $\nu$ ベル2の単位の平均に等しいときのyの予測値となる。

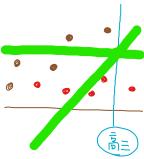
③ 全体平均センタリング Grand-mean centering これは、レベル 1 の変数xに対し、全体の平均 $\bar{x}$ を引いてから、モデルに投入すること。

$$y_{ij} = \beta_{0j} + \beta_{1j}(x_{ij} - \bar{x}) + e_{ij}$$
  
名データが 又 (全体平均)から、  
どれくらい高い/低いか編制

【解釈】 $\beta_{0j}$ は、変数xの値が<u>全体平均 $\bar{x}$ に等しいとき</u>のyの予測値となる。

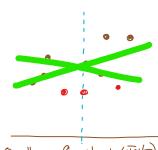
### Pなにが問題か?





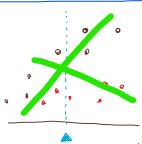
とこを切りというのかで、傾きは、大きくでんする。
一分としこを中心にある
言論文なとしば明確によ

### P群状のセンタリング



各かルーチの中心(平均がたけられた」ところように、アンループンドとに平行を頼り

(す)全体平均センタリンカ"

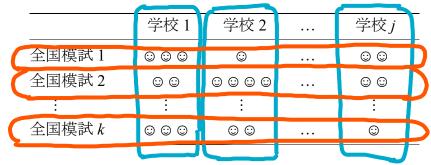


2車における全マップークの乳り

### (3) 交差分類モデル Cross-classified model

これは、各観測値が、二つ(以上の)独立した階層構造に含まれているモデル。

(例1) 観察研究: 生徒 ← 学校 + 全国模試



(例2) 実験研究: 容認度 ← 文 + 回答者

### P記法:添沒

(1) ネストしているとき・

yijk

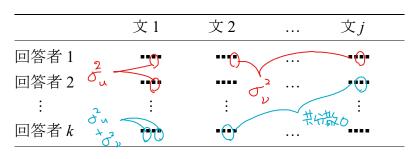
k番目のがループにおける み番目のサイがループにおける で着目のデータ

(2) 507 (2m3 27)

一台類が独立1232ま

ド番のがルーチで、 かつ う番目のがルーアの ご番目のデータ

(例) K番目の被験者の上が、回答にたる番目の刺激文に対するに動のが上り



レベル1 
$$y_{i(jk)} = \beta_{0(jk)} + \beta_0 x_{1i(jk)} + e_{i(jk)}$$
$$e_{i(jk)} \sim N(0, \sigma_e^2)$$

レベル2 
$$\beta_{0(jk)} = \gamma_{00} + u_{0j} + v_{0k}$$
  $u_{0j} \sim N(0, \sigma_u^2)$  (東に製文)文が、もたらすうとが、ネス  $v_{0k} \sim N(0, \sigma_v^2)$  ( 回答者 がもたらすうとが、ネス

$$\begin{aligned} &cov\left(y_{i(jk)},y_{i'(jk')}\right) = \sigma_u^2\\ &cov\left(y_{i(jk)},y_{i'(j'k)}\right) = \sigma_v^2\\ &cov\left(y_{i(jk)},y_{i'(j'k')}\right) = 0\\ &var\left(y_{i(jk)}\right) = cov\left(y_{i(jk)},y_{i'(jk)}\right) = \sigma_u^2 + \sigma_v^2 \end{aligned}$$

### □ 増補: 母集団 統計モデル2 (対応のある分散分析)

ケース1 一元配置(対応なし)

(要因 A) that が発音されているかいないか

固定

- [1] a. Which author do you think [ \_\_ supported him ]?
  - b. Which author do you think [that supported him ]?

$$y_{ij} = \mu + \alpha_i + e_{ij}$$

$$\sum_{i}^{I} \alpha_{i} = 0$$
,

$$e_{ij} \sim N(0, \sigma_e^2)$$

ケース2 二元配置(対応なし)-

(要因 A) 主語/目的語を問う疑問詞か

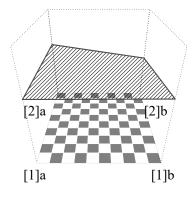
固定

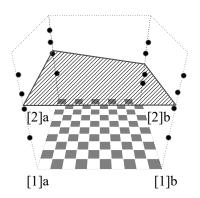
(要因B) that が発音されているかいないか

固定

- [1] a. Which author do you think [ he supported \_\_ ]?
  - b. Which author do you think [that he supported \_\_\_ ]?
- [2] a. Which author do you think [ \_\_\_ supported him ]?
  - b. Which author do you think [that \_\_ supported him ]?

$$\begin{aligned} y_{ijk} &= \mu \, + \, \alpha_i \, + \, \beta_j \, + \, \alpha \beta_{ij} \, + \, e_{ijk} \\ \sum_i^I \alpha_i &= 0, \qquad \qquad \sum_j^J \beta_j = 0, \qquad \qquad \sum_i^I \sum_j^J \alpha \beta_{ij} = 0, \\ e_{ijk} &\sim N(0, \sigma_e^2) \end{aligned}$$





#### ケース3 一元配置(対応あり)

(要因 A) that が発音されているかいないか

固定变量

(要因B) 誰が容認度を回答しているか

- [1] a. Which author do you think [ \_\_\_ supported him ]?
  - b. Which author do you think [that supported him ]?

$$y_{ijk} = \mu + \alpha_i + u_j + e_{ijk}$$
  
$$\sum_{i}^{I} \alpha_i = 0, \quad u_j \sim N(0, \sigma_B^2), \quad e_{ijk} \sim N(0, \sigma_e^2)$$

ケース4 二元配置(対応あり)

(要因A) 主語/目的語を問う疑問詞か

固定

(要因B) that が発音されているかいないか

固定

(要因 C) 誰が容認度を回答しているか

変量

- [1] a. Which author do you think [ he supported \_\_ ]?
  - b. Which author do you think [that he supported \_\_\_ ]?
- [2] a. Which author do you think [ \_\_\_ supported him ]?
  - b. Which author do you think [that \_\_ supported him ]?

$$y_{ijkl} = \mu + \alpha_i + \beta_j + \alpha \beta_{ij} + u_k + e_{ijkl}$$

$$\sum_{i}^{I} \alpha_i = 0, \qquad \sum_{j}^{J} \beta_j = 0, \qquad \sum_{i}^{I} \sum_{j}^{J} \alpha \beta_{ij} = 0,$$

$$u_k \sim N(0, \sigma_c^2), \qquad e_{ijkl} \sim N(0, \sigma_e^2)$$

### ケース5 交差分類モデル

(要因A) 主語/目的語を問う疑問詞か

固定

(要因B) that が発音されているかいないか

固定

(要因 C) 誰が容認度を回答しているか

変量 変量

- (要因 D) どの文を回答しているか
  - [1] a. Which author do you think [ he supported \_\_ ]?
    - b. Which author do you think [that he supported \_\_\_ ]?
  - [2] a. Which author do you think [ \_\_\_ supported him ]?
    - b. Which author do you think [that supported him ]?

$$y_{ij(kl)m} = \mu + \alpha_i + \beta_j + \alpha\beta_{ij} + u_{0k} + v_{0l} + e_{ij(kl)m}$$

$$\begin{split} & \sum_{i}^{I} \alpha_{i} = 0, & \sum_{j}^{J} \beta_{j} = 0, & \sum_{i}^{I} \sum_{j}^{J} \alpha \beta_{ij} = 0, \\ & u_{0k} \sim N(0, \tau_{00}^{2}), & v_{0l} \sim N(0, \kappa_{00}^{2}), & e_{ij(kl)m} \sim N(0, \sigma^{2}) \end{split}$$

### P 統計分析のミスデック

(スデップ) モデルをたこる (ステップ2) パラメータを推定 (ステップ3) モデルを評価

### □ ノート2 統計量:線形混合効果モデルにおける点推定

(ここでは、頻度主義における推定方法について考える)

(1) 最小二乗法

Ve バイズ・統計学の立場から推定することも多い。 (→ 後期で扱う)

複数の変量効果を推定する必要がある時には、単純な最小 二乗法では推定にバイアスが生じてしまう。

⇒ 線形混合効果モデルでは用いられない。

といゆう

### (2) 最尤推定法 Maximum Likelihood Method

尤度を最大にするモデルを推定する。(→後期に詳細を扱う)

① 利点

尤度を用い推定するパラメータ全体のデータとの当て はまりを考慮するため複数の変量効果に対応できる。

② 欠点:分散成分の推定

最尤推定量は、漸近的不偏性を持つが不偏性はない。標本数が少ない時、分散成分の推定にバイアスが生じる。 (⇒ 分散が過小評価される)

(3) <mark>制約付き最尤推定法</mark> Restricted Maximum Likelihood Method

固定効果たちは最小二乗法で、変量効果の分散は、固定効果を周辺化した周辺尤度関数をもとに最尤法で算出。

利点

ある条件の下、 $\sigma^2$ に対して不偏な推定量を構成できる。 ( $\Rightarrow$  これは、固定効果を積分消去することで自由度を減らせるから)

- ② 欠点
  - ・サンプルサイズが大きい場合は、最尤法の方が推定 精度がいい(標準誤差が小さい)。
  - ・対数尤度や情報量基準については最尤法の方が柔軟。

P論シにおける扱い

最も推定法と 制約つま最も推定法の 絶対的優名が証明 土山であるワケではない。 (注) 使用するソフトウェア ローよっては、一下しか 使えないこともある。

→ みず論文がは といちらを使ったか明記

### Pρ: 0-

これは、ロー2字のよりラマラ

(必ちなみに、アに 対応おずりシマタは て)

### □ ノート3 分析の評価

(1) 分析の評価1:作った統計モデルの正確さを評価

(参照:第4講ノート5、第5講ノート4,第6講ノート3)

グループ要因を複数取り入れたことで、従属変数の予測は どれくらい正確になったのかを測る指標を作成する。

### ☞ <mark>級内相関係数</mark> Intraclass correlation coefficient (ICC)

これは、全体の分散のうち、レベル2の分散が占める割合。

※ 別名:分散分割係数 Variance Partitioning Coefficient, VPC

### (例1) ランダム切片モデル

レベル 1 
$$y_{ij} = \beta_{0j} + e_{ij}$$
  
 $e_{ij} \sim N(0, \sigma^2)$   
レベル 2  $\beta_{0i} = \gamma_{00} + u_0$ 

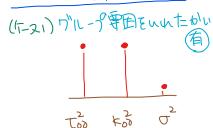
レベル2 
$$\beta_{0j} = \gamma_{00} + u_{0j}$$
  
 $u_{0j} \sim N(0, \tau_{00}^2)$ 

標本級内相関係数ô

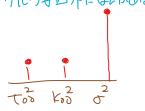
母集団級内相関係数0

$$\hat{\rho} = \frac{\hat{\tau}_{00}^2}{\hat{\tau}_{00}^2 + \hat{\sigma}^2} \qquad \qquad \rho = \frac{\tau_{00}^2}{\tau_{00}^2 + \sigma^2}$$

### P級内相関係数。解釈



# (1-22)がに子学田外にないある。



### (例2) 交差分類モデル

レベル1 
$$y_{i(jk)}=\beta_{0(jk)}+e_{i\%}$$
  $e_{i\%}\sim N(0,\sigma^2)$  : 多虫自心生  $\nu_{0(jk)}=\nu_{00}+\nu_{0j}+\nu_{0k}$   $\nu_{0j}\sim N(0,\tau_{00}^2)$  : 東海多っぱらっき  $\nu_{0k}\sim N(0,\tau_{00}^2)$  : 回答者のずらっき

標本級内相関係数

母集団級内相関係数

$$\hat{\rho}_u = \frac{\hat{\tau}_{00}}{\hat{\tau}_{00} + \hat{\kappa}_{00}^2 + \hat{\sigma}^2} \qquad \rho_u = \frac{\tau_{00}}{\tau_{00} + \kappa_{00}^2 + \sigma^2}$$

$$\hat{\rho}_v = \frac{\hat{\kappa}_{00}}{\hat{\tau}_{00} + \hat{\kappa}_{00}^2 + \hat{\sigma}^2} \qquad \qquad \rho_v = \frac{\kappa_{00}}{\tau_{00} + \kappa_{00}^2 + \sigma^2}$$

#### (2) 分析の評価2:係数の推定値の正確さの評価

(参照:第4講ノート4、第5講ノート5,第6講ノート4)

ケース5 交差分類モデル

(要因 A) 主語/目的語を問う疑問詞か

固定

(要因B) that が発音されているかいないか

固定

(要因 C) 誰が容認度を回答 しているか

変量

(要因 D) どの文を回答しているか

変量

- [1] a. Which author do you think [ he supported \_\_ ]?
  - b. Which author do you think [that he supported \_\_\_ ]?
- [2] a. Which author do you think [ \_\_\_ supported him ]?
  - b. Which author do you think [that supported him ]?

### > library(lmerTest)

- > lmer1 = lmer(formula =Y ~ A \* B + (1|item)+
- (1|subj), data, REML = FALSE) # 最尤推定法
- >  $lmer2 = lmer(formula = Y \sim A * B + (1|item)+$
- (1|subj), data, REML = TRUE) # 制約っ 掲 だ 推定 法
- > summary(lmer1); confint(lmer1)

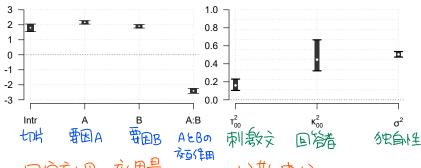
#### ① 最尤推定法

		-	点推定値	標準誤差	自由度	t 値	<i>p</i> 値
目的語	#> that to'c	切片	1.80	0.12	21.36	14.75	1.12e-12
	主語	A1	2.16	0.06	524.94	36.33	< 2e-16
\ 3r	that all	<i>B1</i>	1.90	0.06	524.94	32.00	< 2e-16
主語 約	that an)	<u> A1:B1</u>	-2.40	0.08	524.94	-28.63	< 2e-16

### ② 制約付き最尤推定法

	点推定值	標準誤差	自由度	<i>t</i> 値	<i>p</i> 値
切片	1.80	0.13	19.75	14.36	6.51e-12
A1	2.16	0.06	522	36.33	< 2e-16
<i>B1</i>	1.90	0.06	522	31.91	< 2e-16
<u> </u>	-2.40	0.08	522	-28.55	< 2e-16

#### 信頼区間



固定交り果の効果量

分散成分

### P的散成分の解釈

ロツリメなが正し

(コッ2)独自性の大きさで、からからないという。

大きいならり、モデリレッ説的できないことあり。

(コツ3) 刺激なの大きさ

刺激文を要注ら どのくらい結果が 吸いるのか?

(コッチ) 回答者の付け

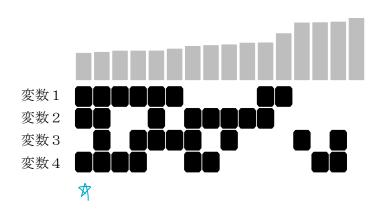
別の人に聞くとどのくらい結果が

→(評価)。視点

### (3) 分析の評価3: 想定した統計モデルの適切さの評価 (参照: 第4講ノート6、第5講ノート6, 第6講ノート5)

### ① モデル選択

クロスバリデーションや情報量基準を用いてモデル比較を行い、最良のモデルを選択し、解釈する。



### ② 残差(変量効果)の分析

変量効果は固定効果では説明のできない独自性を反映している。特徴的な個体がないか検証するときに有益。

### Random effects:

Groups	Variance	Std.Dev.
item (Intercept)	0.03	0.160
subj (Intercept)	0.21	0.460
Residual	0.26	0.505

Number of obs: 576, groups: ttem, 36; subj, 16

